Хаос в объемных лазерах на свободных электронах Светлана Сытова Институт ядерных проблем Белгосуниверситета sytova@inp.minsk.by

BSI



- Что такое объемные лазеры на свободных электронах (ОЛСЭ)
- Физические и математические модели ОЛСЭ
- Что нового
- Переход к хаосу в ОЛСЭ
- Выводы



В.Г.Барышевский, ДАН СССР, 299(1988), 1363

# Фотонные кристаллы (сеточные резонаторы)\*





U/m







\*V.G.Baryshevsky et al. Proc. IRMMW-THz 2010; Proc FEL2010.

#### Фольговый резонатор\*



\* V. G. Baryshevsky et al. Proc. IRMMW-THz 2010; Proc. FEL2010.

#### Система для двухволнового ОЛСЭ

$$\frac{\partial E}{\partial t} + \gamma_0 c \frac{\partial E}{\partial z} + 0.5i\omega lE - 0.5i\omega \chi_\tau E_\tau =$$

$$= 2\pi j \Phi \int_{0}^{2\pi} \frac{2\pi - p}{8\pi^2} \left( e^{-i\theta(t,z,p)} + e^{-i\theta(t,z,-p)} \right) dp,$$

$$\frac{\partial E_{\tau}}{\partial t} + \gamma_1 c \frac{\partial E_{\tau}}{\partial z} - 0.5i\omega \chi_{-\tau} E + 0.5i\omega l_1 E_{\tau} = 0$$

 $l_i = \frac{k_i^2 c^2 - \omega^2 \varepsilon_0}{\omega^2}, \quad i = 0, 1,$  системные параметры,

 $l = l_0 + \delta, \quad \delta$ - отклонение от условия синхронизма,

 $\Phi = \sqrt{l_0 + \chi_0 - 1/(u/c\gamma)^2},$  $\gamma_{0,1}$  – направляющие косинусы,  $\beta = \gamma_0 / \gamma_1$  - фактор асимметрии,  $\chi_0, \chi_{\pm 1}$  - Фурье-компоненты диэлектрической приницаемости среды.

#### Уравнения для электронного пучка

$$\frac{d^2\theta(t,z,p)}{dz^2} = \frac{e\Phi}{m\gamma^3\omega^2} \left(k - \frac{d\theta(t,z,p)}{dz}\right)^3 \operatorname{Re}\left(E(t - z/u,z)\right) \times$$

 $\times \exp(i\theta(t,z,p)),$ 

$$\frac{d\theta(t,0,p)}{dz} = k - \omega/u, \quad \theta(t,0,p) = p,$$
  
$$t > 0, \quad z \in [0,L], \quad p \in [-2\pi, 2\pi]$$

 $\theta(t,z,p)$  - фаза электронов пучка по отношению к электромагнитной волне

Использован метод усреднения по фазам влета релятивистских электронов в область взаимодействия (по моменту t<sub>0</sub> и по поперечной координате влета электронов в область взаимодействия при z = 0)

### Закон сохранения энергии $\frac{\partial W}{\partial t} + P + P_{\tau} = C \eta,$

$$\eta = \int_{0}^{2\pi} \frac{2\pi - p}{8\pi^2} \frac{2u^2 - v^2(z = L, p) - v^2(z = L, -p)}{u^2} dp$$
-электронный кпд

$$W = EE^* + E_{\tau}E_{\tau}^* = |E|^2 + |E_{\tau}|^2$$

- энергия, запасенная в резонаторе

 $P = C_1 / E(L) / 2$  и  $P_{\tau} = C_2 / E_{\tau}(0) / 2$  -потери проходящей и дифрагированной волн

# Основные численные результаты

- Численно получены все основные физические законы функционирования ОЛСЭ включая пороговые условия генерации
- Показано, что для эффективной генерации существует оптимальный набор параметров ОЛСЭ
- Получены пороги генерации для экспериментальных установок ОЛСЭ

#### Что нового?

Объемный лазер на свободных электронах как динамическая хаотическая система исследован методами нелинейной динамики

Сложная природа взаимодействия пучка электронов с электромагнитным полем в условиях объемной распределенной обратной связи, реализующейся в фотонных кристаллах при выполнении условий динамической дифракции, приводит к неоднородному распределению интенсивности электромагнитного поля в фотонном кристалле, что в свою очередь ведет к значительным возмущениям в движении электронов и соответственно к многообразию динамики генерации в ОЛСЭ.

#### Исследование хаоса в ОЛСЭ

- Были изучены пространственно-временная и фазовая динамика ОЛСЭ.
- Получены следующие динамические режимы работы ОЛСЭ: периодический, квазипериодический, хаотический, перемежаемость, переходной хаос и др., дополненные соответствующими фазовыми портретами, аттракторами и картами Пуанкаре.
- Получены примеры сложной трансформации динамических режимов с наличием областей периодичности, квазипериодичности и хаоса.
- Исследована чувствительность различных режимов к изменению начальных условий.
- Построены параметрические карты перехода к хаосу при изменении плотности тока *j* и (1) фактора асимметрии, (2) отстройки от точного выполнения условий синхронизма, (3) длины фотонного кристалла, (4) диэлектрической проницаемости среды, (5) системного параметра *I*<sub>0</sub>.





Параметрическая карта перехода к хаосу при изменении длины фотонного кристалла L и плотности тока ј для проходящей волны.



Параметрическая карта перехода к хаосу при изменении длины фотонного кристалла L и плотности тока ј для дифрагированной волны.

\*В теории релятивистских ЛОВ обнаружена т.н. cross-excitation instability\*\* когда происходит переход от одной моды в режиме насыщения к другой. \*\*B.Levush et al. IEEE Trans. Plasma Sci. 20 (1992) 263

#### Стационарное решение

Будем искать решение системы в виде:

$$\begin{split} E &= C_1 e^{ik\delta_1 z} + C_2 e^{ik\delta_2 z}, \\ E_\tau &= s_1 C_1 e^{ik\delta_1 z} + s_2 C_2 e^{ik\delta_2 z} \\ j &= j_1 e^{ik\delta_1 z} + j_2 e^{ik\delta_2 z}. \end{split}$$

4E+3

2E+3

200

100

 $\delta_{n} = (-(l_{1}\gamma_{0} + l\gamma_{1} - \gamma_{1}\tilde{j}_{n}) \pm ((l_{1}\gamma_{0} + l\gamma_{1} - \gamma_{1}\tilde{j}_{n})^{2} - 4\gamma_{0}\gamma_{1}(ll_{1} - r - l_{1}\tilde{j}_{n}))^{1/2})/(4\gamma_{0}\gamma_{1}), {}^{_{6E+3}}]$ 

$$s_n = \frac{\chi_{-\tau}}{l_1 + 2\gamma_1 \delta_n}, \quad n = 1, 2$$

$$C_{1} = \frac{L_{0}s_{2}c_{2}}{s_{1}e_{1} - s_{2}e_{2}}, \quad C_{2} = \frac{L_{0}s_{1}c_{1}}{s_{1}e_{1} - s_{2}e_{2}},$$

$$e_{n} = e^{ik\delta_{n}L}, \quad \tilde{j}_{n} = 2\Phi j_{n} / C_{n}, \quad r = \chi_{\tau}\chi^{0}$$

## Пространственно-временная динамика для стационарного режима



# Пространственно-временная динамика для периодического режима



∑ ∠

normalized



1E-7

t, s

1.5E-7

2E-7

5E-8

0

Параметрическая карта перехода к хаосу при изменении диэлектрической проницаемости фотонного кристалла и плотности тока ј



Изменение диэлектрической проницаемости фотонного кристалла может быть вызвано изменением материала и толщины нитей резонатора, а также расстояния между нитями.

#### Выводы

- Поскольку физические принципы работы ОЛСЭ отличаются от других вакуумных электронных приборов, то ОЛСЭ является новым объектом исследования.
- В моделировании ОЛСЭ исследованы различные стороны нелинейной динамики ОЛСЭ, что пригодится в его экспериментальных исследованиях
- Полученные экспериментальные и теоретические результаты свидетельствуют о том, что ОЛСЭ является источником мощного излучения в различных диапазонах длин волн, включая миллиметровый и субмиллиметровый диапазоны.